

## 『離散構造』 4章の例題

### 例題 1 (関係の性質)

ある瞬間に日本にいる人間からなる集合を  $H$  とする。 $H$  上の二項関係として次のものを考えたとき、それぞれが、反射律、対称律、推移律、反対称律を満たすかどうか、理由をつけて答えよ。また、順序、同値関係であるかどうか答えよ。

- $(aR_1b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ の親である})$
- $(aR_2b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ の祖先であるか同一人物である})$
- $(aR_3b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ と夫婦である})$
- $(aR_4b) \Leftrightarrow (a \text{ が } b \text{ と同じ都道府県に住んでいる})$
- $(aR_5b) \Leftrightarrow (a \text{ と } b \text{ は別人である})$

### 例題 2 (関係の合成)

$A = \{\text{野球部, テニス部, サッカー部}\}$ ,  $B = \{\text{伊藤, 田中, 佐藤, 太田, 福田, 森}\}$ ,  $C = \{\text{茨城, 群馬, 宮城, 東京}\}$  とする。

$A, B$  上の二項関係  $R$  を「 $aRb \Leftrightarrow b$  は  $a$  のメンバである」と定め,  $B, C$  上の二項関係  $S$  を「 $bSc \Leftrightarrow b$  は  $c$  出身である」と定める。ただし、各クラブのメンバーと、各学生の出身地は下記の表で与えられる。

	伊藤	茨城
野球部	伊藤、田中、佐藤	
テニス部	佐藤、太田	
サッカー部	佐藤、森、田中	
	田中	群馬
	佐藤	群馬
	太田	宮城
	福田	茨城
	森	東京

- 以下のように定められる  $A, B, C$  上の三項関係  $T$  を求めよ。

$$\langle x, y, z \rangle \in T \Leftrightarrow ((xRy) \wedge (ySz))$$

- $R$  と  $S$  の合成関係  $R \circ S$  を求めよ。これはどういう集合上の二項関係か？